

Exercice 1	6
Reformulation et raisonnement : - z dépend de w donc il faut une bobine ou un condensateur, - z est monotone croissante de w - z à l'origine est finie : cela élimine le condensateur (divergence en 0) On s'oriente vers une résistance et une bobine en série (car valeur non nulle en 0, elle serait nulle en parallèle).	2 pts
Solution retenue : R + L en série $\underline{Z} = R + jL\omega$ et $ \underline{Z} = \sqrt{R^2 + L^2\omega^2}$ <i>Pour ceux qui essaient au hasard (ou sans explication), mettre seulement ce point</i>	1 pt
La valeur à l'origine est R. Par lecture R = 30Ω Pour L, à partir d'un point particulier évident (par exemple 300Hz et 100 Ω) il vient $L \approx 50mH$	0.5 pt 1 pt
$\varphi = \arctan\left(\frac{L\omega}{R}\right) = 1.13 \text{ rad} = 65^\circ$	1.5 pt

	Exercice 2 : Filtre	9
	Partie 1	
	Impédance totale du circuit : $\underline{Z} = R + j(L\omega - \frac{1}{C\omega})$ $ \underline{Z} = \sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{C\omega})^2}$ et $\varphi = \arctan(\frac{L\omega - \frac{1}{C\omega}}{R})$ $\underline{u}(t) = \underline{Z} \cdot \underline{i}(t)$ $U e^{j(\omega t + \varphi_u)} = \underline{Z} e^{j(\varphi)} I e^{j(\omega t)}$ d'où $U = \underline{Z} I$ et $\varphi_u = \varphi$ donc $u(t) = \sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{C\omega})^2} I \cos(\omega t + \arctan(\frac{L\omega - \frac{1}{C\omega}}{R}))$	1,5
1.b	<p style="text-align: center;">référence de phase : φ_i (car circuit en série)</p>	1,5
	Partie 2	
2.a	$\frac{u_C}{u} = \frac{\frac{1}{jC\omega}}{R + jL\omega + \frac{1}{jC\omega}} = \frac{1}{1 - LC\omega^2 + jRC\omega}$	1
2.b	$G = \left \frac{u_C}{u} \right = \frac{1}{\sqrt{(1 - LC\omega^2)^2 + (RC\omega)^2}} = \frac{RC\omega}{\sqrt{1 + (\frac{L\omega}{R} - \frac{1}{RC\omega})^2}}$ <p>Lorsque $\omega \rightarrow 0, G \rightarrow 1$ $[G_{dB} = 20 \log(1) = 0 \text{ Non demandé}]$ Lorsque $\omega \rightarrow +\infty, G \rightarrow \frac{1}{LC\omega^2} \rightarrow 0$ $[G_{dB} = 20 \log(\frac{1}{LC\omega^2}) = -20 \log LC - 40 \log \omega \text{ Non demandé}] :$ Autre possibilité : A TBF la capacité se comporte comme un interrupteur ouvert et la bobine comme un fil donc $u_C = u$ et $G = 1$. A THF la capacité se comporte comme un fil et la bobine comme un interrupteur ouvert donc $u_C = 0$ et $G = 0$ </p>	0,5 0,5 0,5

2.c	En se basant sur les résultats de la question 2b, filtre Passe bas d'ordre 2 (on peut accepter passe bande si l'étudiant a remarqué un comportement singulier autour de $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$)	0,5
2.d	<p>Diagramme de Bode en Phase $\varphi = -\phi = -\arg(1 - LC\omega^2 + jRC\omega)$</p> <p>Asymptote à TBF : $\varphi = 0$ Asymptote à THF : $\varphi = -\pi$</p> <p>Attention : il faut examiner le signe de $\sin(\phi)$ et de $\cos(\phi)$ $\sin(\phi) > 0$ et $\cos(\phi)$ est du signe de $1 - LC\omega^2$</p> <p>$\phi = \arctan\left(\frac{RC\omega}{1-LC\omega^2}\right)$ si $1 - LC\omega^2 > 0$ $\phi = \frac{\pi}{2}$ si $1 - LC\omega^2 = 0$ $\phi = \pi + \arctan\left(\frac{RC\omega}{1-LC\omega^2}\right)$ si $1 - LC\omega^2 < 0$</p> <p>Pas de valeurs singulières mais on peut remarquer $\varphi\left(\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}\right) = -\frac{\pi}{2}$</p> <p>Tracé qualitatif</p>	<p>0,5</p> <p>1 pt (0.5 par asymptotes)</p> <p>Bonus : 0,5</p> <p>Tracé : 0,5</p>
2.e	<p>Si $R \rightarrow 0$: $\frac{u_C}{u} \rightarrow \frac{\frac{1}{jC\omega}}{jL\omega + \frac{1}{jC\omega}} \quad \frac{u_C}{u} = \frac{1}{1-LC\omega^2}$</p> <p>Donc $G = \frac{1}{1-LC\omega^2}$. Cette fonction est max lorsque le dénominateur est min pour $\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$</p> <p>Et dans ce cas le gain tend vers l'infini. Donc possibilité d'avoir un gain $G > 1$</p>	1

Exercice 3: Moteur		5
1		
<p>Impédance du moteur $\underline{Z} = r + jL\omega$ avec $\omega = 2\pi f$</p> <p>Alimentation $e(t) = E \cdot e^{j\omega t}$</p> <p>$i(t) = I = \frac{E}{ \underline{Z} } = \frac{E}{\sqrt{r^2 + L^2\omega^2}} \quad I_{eff} = \frac{I}{\sqrt{2}} = \frac{E}{\sqrt{2}\sqrt{r^2 + L^2\omega^2}}$</p> <p>$P = rI_{eff}^2 \quad \text{d'où } P = \frac{r}{2} \frac{E^2}{r^2 + L^2\omega^2}$</p>	<p>1 pt</p> <p>1 pt</p>	
2		
<p>Impédance du moteur avec condensateur: $\underline{Z} = r + j\left(L\omega - \frac{1}{C\omega}\right)$</p> $I = \frac{E}{\sqrt{r^2 + \left(L\omega - \frac{1}{C\omega}\right)^2}}$ <p>On maximise la puissance en mettant en phase la tension et l'intensité</p> <p>C.a.d. $L\omega - \frac{1}{C\omega} = 0$ d'où $C = \frac{1}{L\omega^2}$ avec $\omega = 2\pi f$</p> <p>P devient $P = \frac{E^2}{2r}$</p>	<p>1,5</p> <p>1,5</p>	